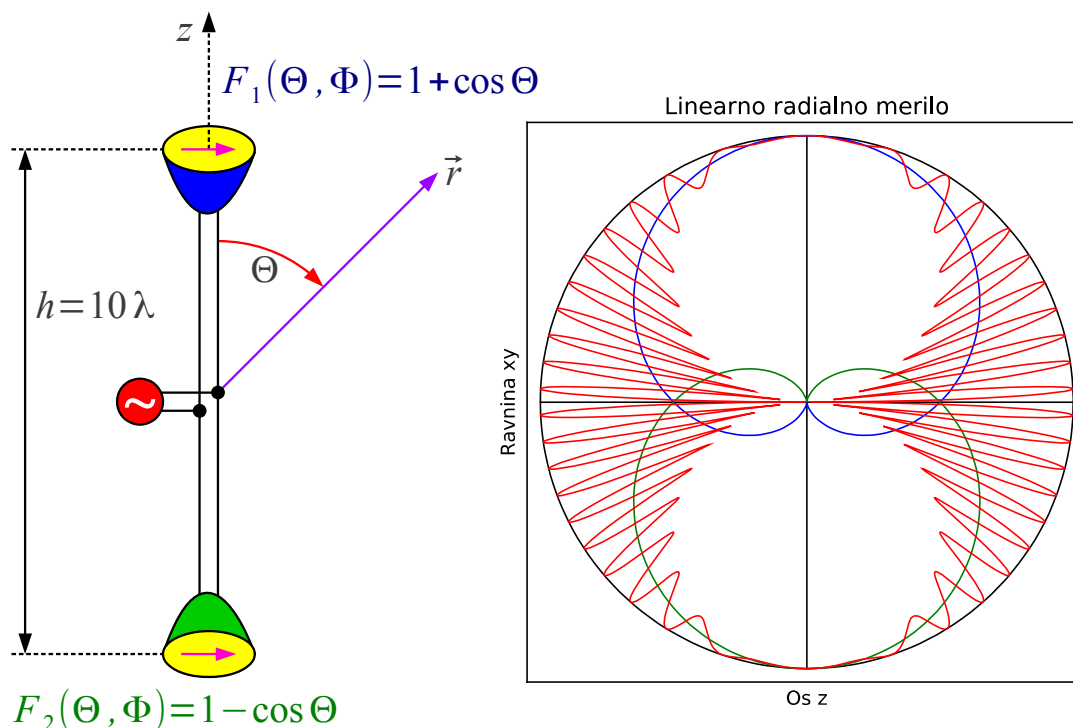


# 11. Skupine anten

Višja smernost oziroma dobitok je mogoče najpogostejši, ampak nikakor ni edini namen sestavljanja skupine anten (angleško: antenna array). Skupina anten omogoča tudi doseganje drugačne polarizacije, pokrivanje širšega frekvenčnega pasu ali več ločenih frekvenčnih pasov, smerne diagrame, ki jih z eno samo anteno ne moremo narediti, električno odklanjanje smeri sevanja brez mehanskega premikanja antene in podobno.

Pri sestavljanju skupine moramo biti previdni. Doseganje ene lastnosti lahko poruši druge lastnosti skupine anten. Preprost zgled je antena na letalu ali umetnem satelitu, ki mora oddajati in sprejemati iz poljubne smeri. Ko je plovilo dosti večje  $d \gg \lambda$  od valovne dolžine, se je senci plovila zelo težko izogniti ne glede na to, kam namestimo eno samo anteno na površino plovila. Radijsko zvezo v poljubno smer omogočata dve ločeni anteni, nameščeni na nasprotni strani plovila, da vsaka antena vidi neovirano poloblo:



$$F(\Theta, \Phi) = F_1(\Theta, \Phi) e^{j \frac{kh}{2} \cos \Theta} - F_2(\Theta, \Phi) e^{-j \frac{kh}{2} \cos \Theta}$$

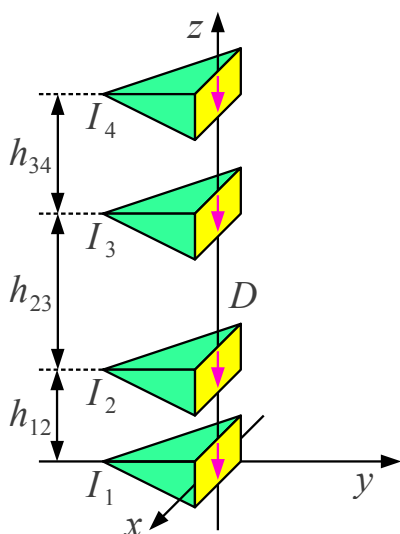
Nesmiselna skupina dveh anten

Poloblo odlično pokriva Huygensov izvor. Dva Huygensova izvora na gornji in spodnji strani plovila naj bi omogočala radijsko zvezo v poljubno

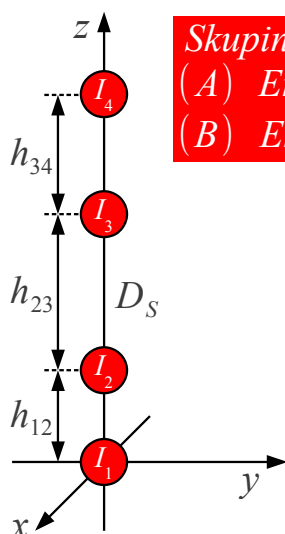
smer. Žal se delovanje opisane naprave poruši, ko obe anteni na nasprotnih straneh plovila povežemo vzporedno na skupni radijski oddajnik oziroma sprejemnik. Že pri debelini plovila oziroma razdalji med antenama komaj  $h=10\lambda$  smerni diagram opisane skupine postane interferenčni vzorec z velikim številom ozkih snopov sevanja in globokimi minimumi med njimi. Smerni diagram s številnimi globokimi minimumi pomeni nezanesljivo radijsko zvezo s številnimi izpadi, pogosto celo slabše od tistega, kar bi dosegli z eno samo anteno...

Sevano polje skupine virov  $\vec{E} = \sum \vec{E}_i$  je kazalčna in vektorska vsota polja posameznih virov. V kazalčni vsoti je nujno upoštevati različne razdalje do faznih središč posameznih virov. Ob upoštevanju različnih amplitud in faz vzbujanja, različnih smernih diagramov, različnih polarizacij in različnih orientacij posameznih virov, naloga načrtovanja skupine postane nepregledna.

Naloga načrtovanja skupine se poenostavi, ko skupina vsebuje med sabo enake antene, ki so enako orientirane in enako polarizirane:

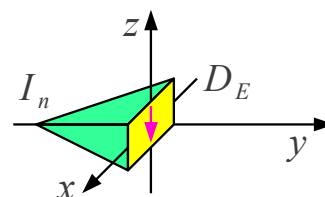


$F(\Theta, \Phi) \equiv$  smerni diagram skupine anten



$F_S(\Theta, \Phi) \equiv$  smerni diagram skupine neusmerjenih virov

Skupina neusmerjenih virov  
(A) Enaka razporeditev  $h_{mn}$   
(B) Enako napajanje  $I_n$



$F_E(\Theta, \Phi) \equiv$  smerni diagram elementa

- (1) Skupina samih enakih anten
- (2) Vse antene enako orientirane
- (3) Vse antene enako polarizirane

$$F(\Theta, \Phi) = F_S(\Theta, \Phi) \cdot F_E(\Theta, \Phi)$$

Pravilo o množenju smernih diagramov

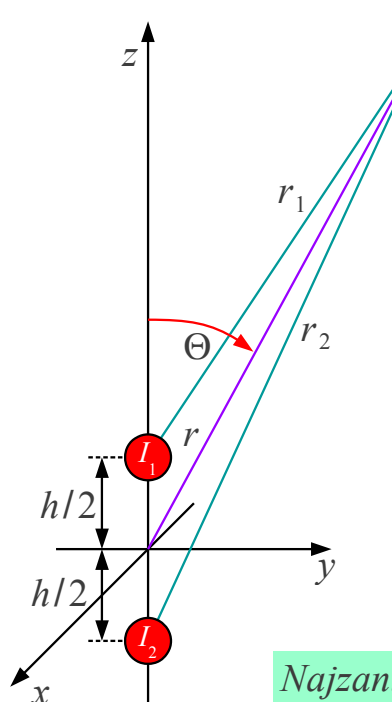
$$D \neq D_S \cdot D_E$$

Običajno  $D_E, D_S < D < D_S \cdot D_E$

Smerni diagram skupine anten  $F(\Theta, \Phi)$  je tedaj enak zmnožku

smernega diagrama skupine neusmerjenih (izotropnih) virov  $F_S(\Theta, \Phi)$ , ki so enako nameščeni v prostoru ter napajani z enakimi tokovi  $I_1$ ,  $I_2$ ,  $I_3$  ... in smernega diagrama posameznega elementa skupine  $F_E(\Theta, \Phi)$  v koordinatnem izhodišču. Kar se pogosto privzame ampak običajno NE velja, skupna smernost ni enaka  $D \neq D_S \cdot D_E$  zmnožku smernosti skupine izotropnih virov in smernosti elementa.

Antene skupine so načeloma lahko poljubno nameščene v vseh treh dimenzijah prostora. Kako do več-dimenzijskih skupin kasneje. Zaenkrat nalogo poenostavimo za eno-dimenzijsko skupino z elementi na osi  $z$ . Najpreprostejši zgled sta dva neusmerjena izvora na  $z = \pm h/2$ :



$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 = \vec{1}_{E_1} \alpha I_1 \frac{e^{-jkr_1}}{r_1} + \vec{1}_{E_2} \alpha I_2 \frac{e^{-jkr_2}}{r_2}$$

*Fraunhofer*  $r > \frac{2h^2}{\lambda}$

$$\vec{1}_{E_1} \approx \vec{1}_{E_2} \approx \vec{1}_E \quad \frac{1}{r_1} \approx \frac{1}{r_2} \approx \frac{1}{r}$$

$$r_1 = \sqrt{r^2 + (h/2)^2 - rh \cos \Theta} \approx r - \frac{h}{2} \cos \Theta$$

$$r_2 = \sqrt{r^2 + (h/2)^2 + rh \cos \Theta} \approx r + \frac{h}{2} \cos \Theta$$

$$\vec{E} \approx \vec{1}_E \alpha \frac{e^{-jkr}}{r} \left[ I_1 e^{j \frac{kh}{2} \cos \Theta} + I_2 e^{-j \frac{kh}{2} \cos \Theta} \right]$$

*Najzanimivejši primer*  $|I_1| = |I_2| \rightarrow I_1 = I e^{j\phi/2} \quad I_2 = I e^{-j\phi/2}$

$$\vec{E} \approx \vec{1}_E \alpha I \frac{e^{-jkr}}{r} \left[ e^{j \left( \frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2} \cos \Theta \right)} + e^{-j \left( \frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2} \cos \Theta \right)} \right] = \vec{1}_E \alpha I \frac{e^{-jkr}}{r} 2 \cos \left( \frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2} \cos \Theta \right)$$

$$F(\Theta, \Phi) = \cos \left( \frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2} \cos \Theta \right)$$

Dva neusmerjena (izotropna) vira

Na velikih razdaljah v Fraunhoferjevem področju  $r > 2h^2/\lambda$  postanejo razlike v smeri in amplitudi električnega polja nepomembne. Učinek skupine je interferenčni pojav zaradi razlike v fazi, ki nastane zaradi različnih razdalj  $r_1 \neq r_2$ . Razdalji računamo s kosinusnem izrekom, ki ga na velikih razdaljah smemo poenostaviti tudi pri fazi.

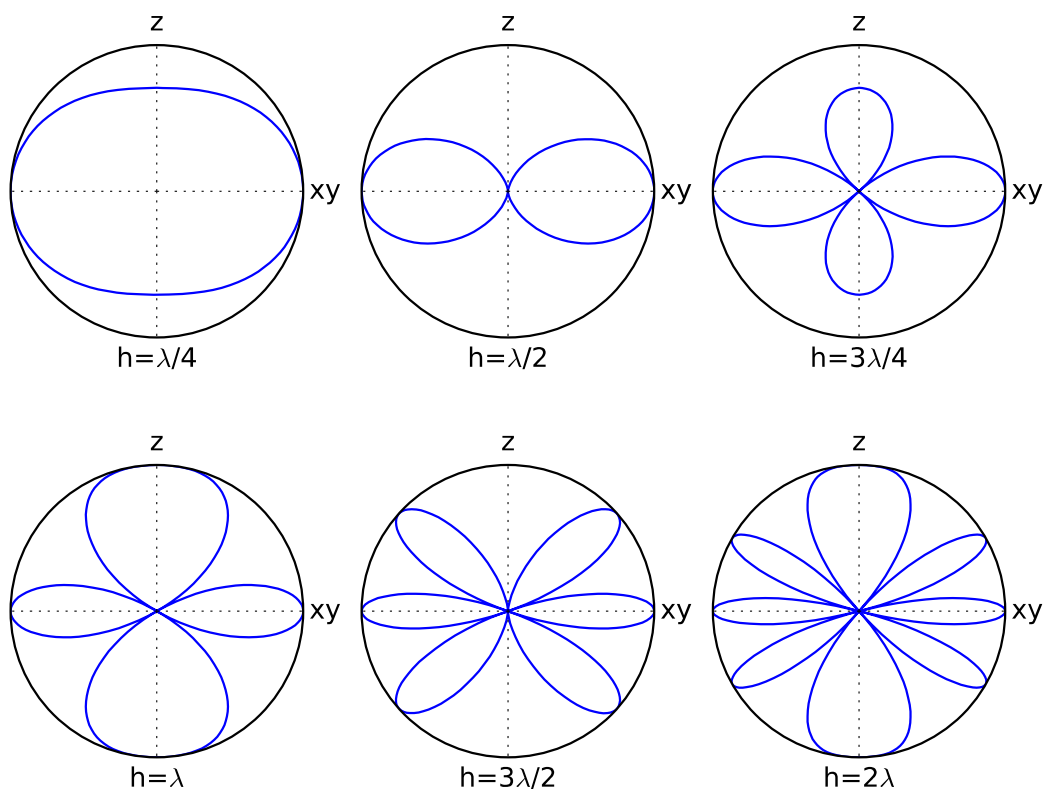
Učinek skupine dveh virov je največji, ko sta tokova enako velika

$|I_1| = |I_2|$ . V primeru različnih amplitud tokov  $|I_1| \neq |I_2|$  se učinek skupine hitro izgubi v motečih pojavih pri razširjanju valovanja, kot so odboji od predmetov v okolici anten. Najzanimivejši primer  $|I_1| = |I_2|$  opiše fazna razlika vzbujanja virov  $\phi$ . Glede na en sam neusmerjen vir daje skupina dveh takšnih virov dvakratno polje in smerni diagram, ki je funkcija razdalje  $h$  med viroma in razlike v fazi vzbujanja  $\phi$ :

$$F(\Theta, \Phi) = \cos\left(\frac{\phi}{2} + \frac{hk}{2} \cos \Theta\right) = \cos\left(\frac{\phi}{2} + \pi \frac{h}{\lambda} \cos \Theta\right)$$

Skupine anten običajno imenujemo po namenu. Bočna skupina (angleško: broadside array) največ seva v ravnini  $xy$ , torej pravokotno oziroma bočno na os  $z$ , v kateri so postavljeni viri. Osnna skupina (angleško: end-fire array) največ seva v osi postavljanja virov, torej v smeri  $+z$  oziroma  $-z$ .

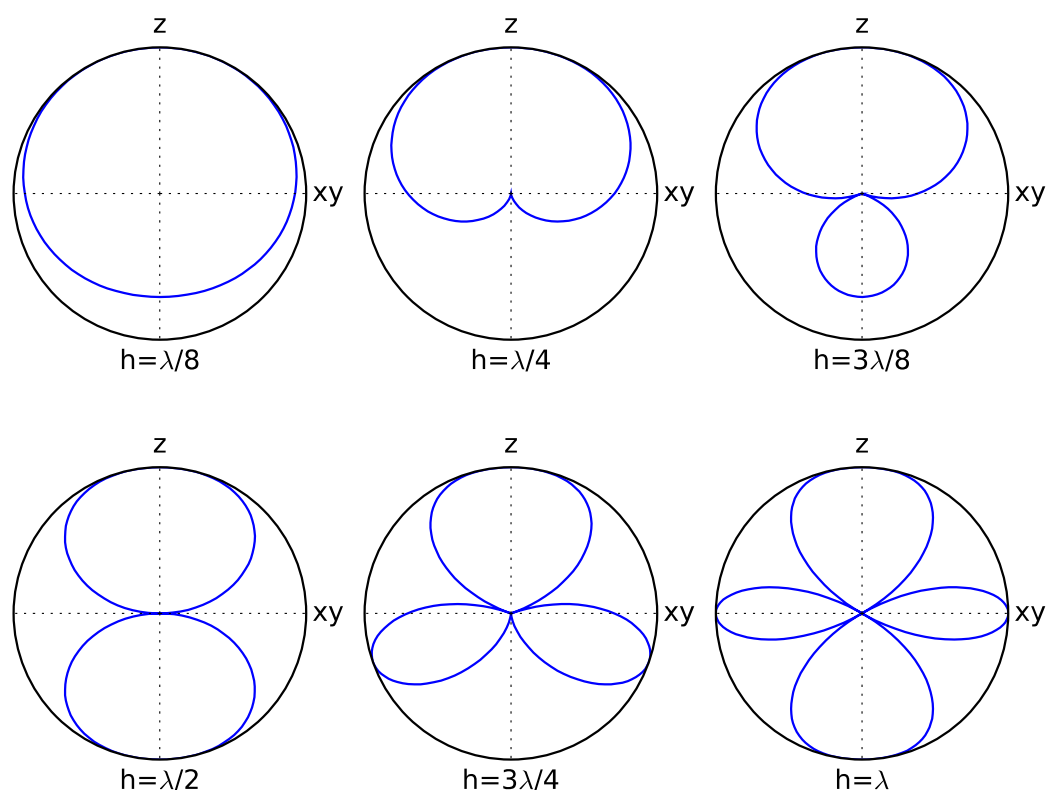
Načrtovanje bočne skupine preprosto zahteva sofazno vzbujanje obeh virov oziroma  $\phi = 0$ . Učinek razdalje  $h$  med viroma je razviden iz nekaj značilnih zgledov:



Smerni diagrami bočnih skupin  $\phi = 0$

Na majhnih razdaljah  $h \leq \lambda/4$  med viroma je učinek bočne skupine komaj viden. Na velikih razdaljah  $h \geq \lambda$  med viroma ima smerni diagram bočne skupine številne liste enake velikosti in globoke ničle med njimi, kar večinoma ni zaželeno niti uporabno. Bočna skupina ima uporaben smerni diagram na razdaljah  $\lambda/2 \leq h \leq 3\lambda/4$  z enim samim, rotacijsko-simetričnim glavnim snopom v ravnini  $xy$  in dvema šibkima stranskima listoma v smereh  $\pm z$ .

Načrtovanje osne skupine ni samoumevno, saj dopušča različne možne izbire fazne razlike vzbujanja  $\phi$ . Preprosta izbira  $\phi = -kh$  daje največjo kazalčno vsoto v smeri osi  $+z$ . Žal izbira  $\phi = -kh$  ne daje največje smernosti osne skupine, več o tem kasneje. Učinek razdalje  $h$  med viroma je razviden iz nekaj značilnih zgledov:



Smerni diagrami osnih skupin  $\phi = -kh$

Na majhnih razdaljah  $h \leq \lambda/4$  med viroma je učinek osne skupine  $\phi = -kh$  komaj viden. Na velikih razdaljah  $h \geq \lambda/2$  med viroma ima smerni diagram osne skupine številne liste enake velikosti in globoke ničle med njimi, kar večinoma ni zaželeno niti uporabno. Osa skupina  $\phi = -kh$  ima uporaben smerni diagram na razdaljah  $\lambda/4 \leq h \leq 3\lambda/8$  z enim samim glavnim snopom v smeri  $+z$  in šibkim stranskim listom v vzratni smeri

—Z .

Smernost  $D$  skupine dveh neusmerjenih virov dobimo z integracijo smernega diagrama  $F(\Theta, \Phi)$ . Pri tem nam je v veliko pomoč preprosta analitska rešitev integrala za poljubno razdaljo  $h$  med viroma in poljubno razliko v fazi vzbujanja  $\phi$ :

$$D = \frac{4\pi |F(\Theta_{MAX}, \Phi_{MAX})|^2}{\iint_{4\pi} |F(\Theta, \Phi)|^2 d\Omega}$$

$$F(\Theta, \Phi) = \cos\left(\frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2} \cos \Theta\right)$$

$$\begin{aligned} \iint_{4\pi} |F(\Theta, \Phi)|^2 d\Omega &= \int_0^\pi \int_0^{2\pi} |F(\Theta, \Phi)|^2 \sin \Theta d\Theta d\Phi = \\ &= \int_0^\pi \int_0^{2\pi} \left| \cos\left(\frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2} \cos \Theta\right) \right|^2 \sin \Theta d\Theta d\Phi = 2\pi \int_0^\pi \left| \cos\left(\frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2} \cos \Theta\right) \right|^2 \sin \Theta d\Theta = \\ &= 2\pi \int_{-1}^1 \left| \cos\left(\frac{\phi}{2} + \frac{khu}{2}\right) \right|^2 du = \pi \int_{-1}^1 [1 + \cos(\phi + khu)] du = \\ &= \pi \left[ 2 + \frac{\sin(\phi + kh) - \sin(\phi - kh)}{kh} \right] = 2\pi \left[ 1 + \frac{\sin(kh)}{kh} \cos \phi \right] \end{aligned}$$

$$D = \frac{2 |F(\Theta_{MAX}, \Phi_{MAX})|^2}{1 + \frac{\sin(kh)}{kh} \cos \phi}$$

$$F(\Theta_{MAX} = \pi/2, \Phi_{MAX}) = 1$$

Bočna skupina  $\rightarrow \phi = 0$

$$D = \frac{2}{1 + \frac{\sin(kh)}{kh}}$$

$$F(\Theta_{MAX} = 0, \Phi_{MAX}) = 1$$

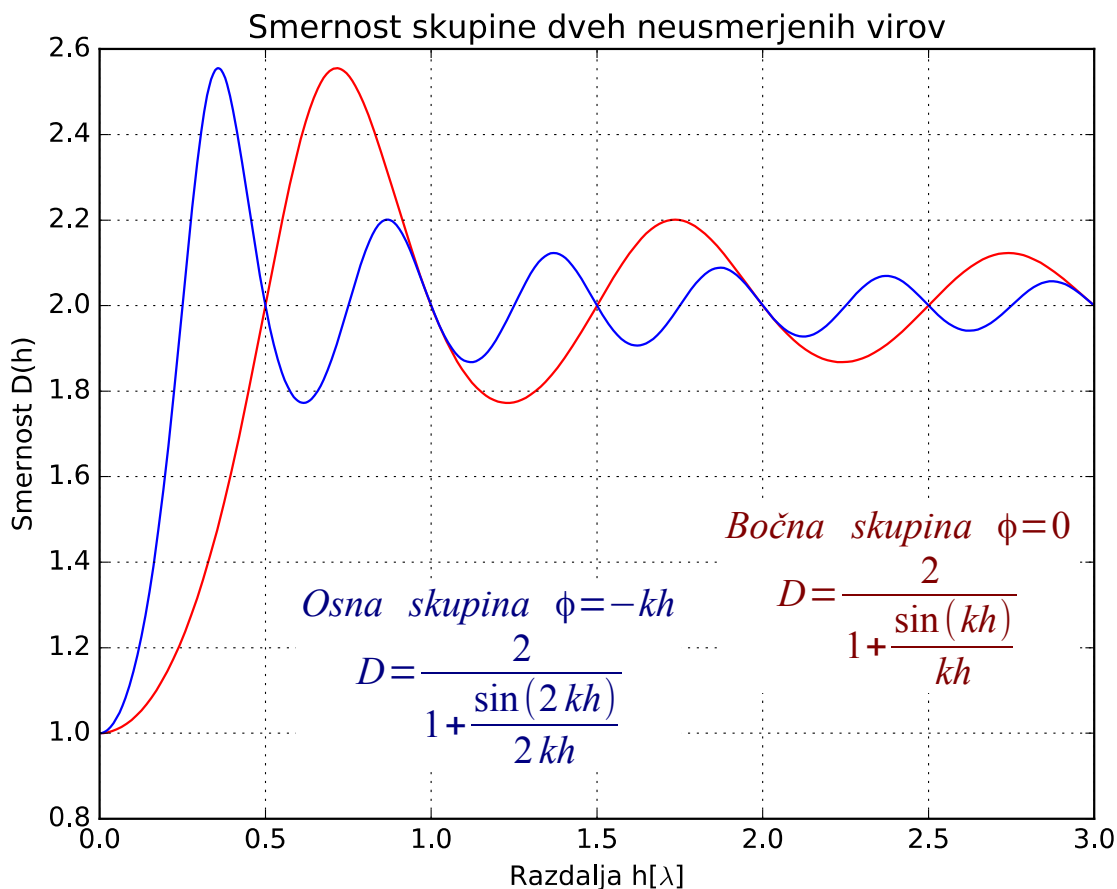
Osna skupina  $\rightarrow \phi = -kh$

$$D = \frac{2}{1 + \frac{\sin(2kh)}{2kh}}$$

Smernost dveh virov

Bočna skupina  $\phi = 0$  največ seva v ravnini  $xy$ , kjer pri  $\Theta_{MAX} = \pi/2$  smerni diagram doseže  $F(\Theta_{MAX}) = 1$ . Osna skupina  $\phi = -kh$  največ seva v smeri osi  $+z$ , kjer pri  $\Theta_{MAX} = 0$  smerni diagram prav tako doseže  $F(\Theta_{MAX}) = 1$ . Pri izračunu smernosti osne skupine upoštevamo  $\sin(kh) \cos(-kh) = \sin(2kh)/2$ , kar daje silno podoben rezultat bočni skupini z izjemo dvakratnega faktorja  $2kh$ .

Smernost bočne skupine  $\phi = 0$  dveh neusmerjenih virov in smernost osne skupine  $\phi = -kh$  dveh neusmerjenih virov je smiselno prikazati kot funkcijo razdalje med viroma  $h$ :



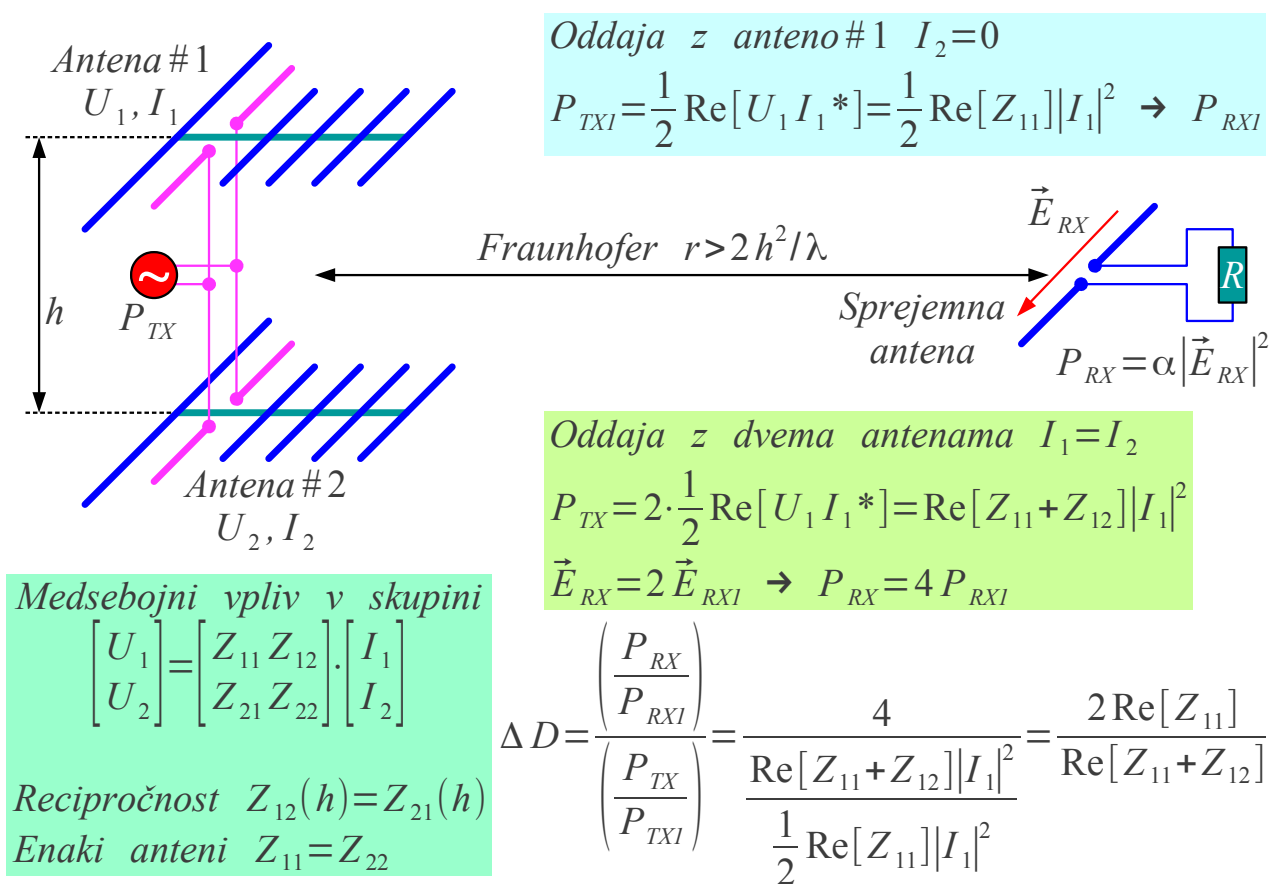
Na majhnih razdaljah  $h \rightarrow 0$  gresta smernosti obeh, bočne skupine  $\phi = 0$  in osne skupine  $\phi = -kh$ , proti enoti  $D \rightarrow 1 = 0\text{dBi}$ , saj na majhnih razdaljah skupina nima učinka na smerni diagram. Na velikih razdaljah  $h \gg \lambda$  opletata smernosti obeh, bočne skupine  $\phi = 0$  in osne skupine  $\phi = -kh$ , proti vrednosti  $D \rightarrow 2 \approx 3\text{dBi}$ . Slednji rezultat je varljiv, saj mu pripada neuporaben smerni diagram s številnimi listi in ostrimi ničlami med njimi.

Bočna skupina  $\phi = 0$  dveh neusmerjenih virov doseže največjo smernost  $D_{MAX} \approx 2.56 \approx 4.07\text{dBi}$  pri razdalji med viroma  $h \approx 0.715\lambda$ , kar popolnoma ustreza smiselnemu smernemu diagramu z enim samim, rotacijsko-simetričnim glavnim snopom v ravnini  $xy$  in dvema šibkima stranskima listoma v smereh  $\pm z$ .

Osna skupina  $\phi = -kh$  dveh neusmerjenih virov doseže največjo smernost  $D_{MAX} \approx 2.56 \approx 4.07\text{dBi}$  pri razdalji med viroma  $h \approx 0.357\lambda$ , kar popolnoma ustreza smiselnemu smernemu diagramu z enim samim glavnim snopom v smeri  $+z$  in šibkim stranskim listom v vzratni smeri  $-z$ .

Smernost skupine dveh neusmerjenih virov žal ne daje odgovora, kako sestaviti učinkovito skupino iz dveh med sabo enakih anten s poljubnim smernim diagramom  $F_E(\Theta, \Phi) \neq konst.$  Pri iskanju največje smernosti  $D_{MAX} = ?$  na pripadajoči razdalji  $h_{MAX} = ?$  bi morali integrirati skupni smerni diagram  $F(\Theta, \Phi) = F_S(\Theta, \Phi) \cdot F_E(\Theta, \Phi)$ . Žal znamo natančno izračunati samo smerni diagram skupine neusmerjenih virov  $F_S(\Theta, \Phi)$ . Smernega diagrama tržišno-dobavljivih anten  $F_E(\Theta, \Phi)$  običajno ne poznamo zadosti natančno.

Meritev funkcije dveh spremenljivk  $F_E(\Theta, \Phi)$  zahteva poleg primerne merilne opreme dosti prostora. Vrtenje antene po dveh oseh  $\Theta$  in  $\Phi$  je zamudno. Popolnoma enakovreden rezultat za optimalno razdaljo  $h_{MAX}$  elementov bočne skupine in dosegljivo smernostjo  $D_{MAX}$  lahko dobimo z meritvijo medsebojne impedance dveh anten v skupini:



Medsebojna impedanca v bočni skupini

Povečanje smernosti  $\Delta D$  oziroma dobitka bočne skupine izračunamo iz razmerja povečanja sprejete moči  $P_{RX}/P_{RX1}$  in povečanja moči oddajnika  $P_{TX}/P_{TX1}$ , ko oddajno skupino primerjamo z eno samo anteno. Največja smernost ustreza minimumu moči oddajnika  $P_{TX}$  oziroma



minimumu realnega dela medsebojne impedance  $\operatorname{Re}[Z_{12}(h)]$ , če obnašanje oddajne skupine zapišemo z impedančno matriko  $[Z]$ . Zahtevno meritev smernega diagrama  $F_E(\Theta, \Phi)$  torej nadomesti dosti bolj preprosta meritev lastne impedance  $Z_{11}$  in medsebojne impedance  $Z_{12}(h)$  kot funkcija razdalje med antenama.

V grobem je  $\operatorname{Re}[Z_{12}(h)]$  sorazmeren obratni vrednosti funkcije smernosti  $D(h)$ . Na majhnih razdaljah  $h \rightarrow 0$  gre v bočni skupini medsebojna impedanca  $Z_{12}(h) \rightarrow Z_{11}$  proti lastni impedanci in učinek bočne skupine izgine. Na velikih razdaljah  $h \gg \lambda$  medsebojni vpliv izgine  $Z_{12}(h) \rightarrow 0$ .

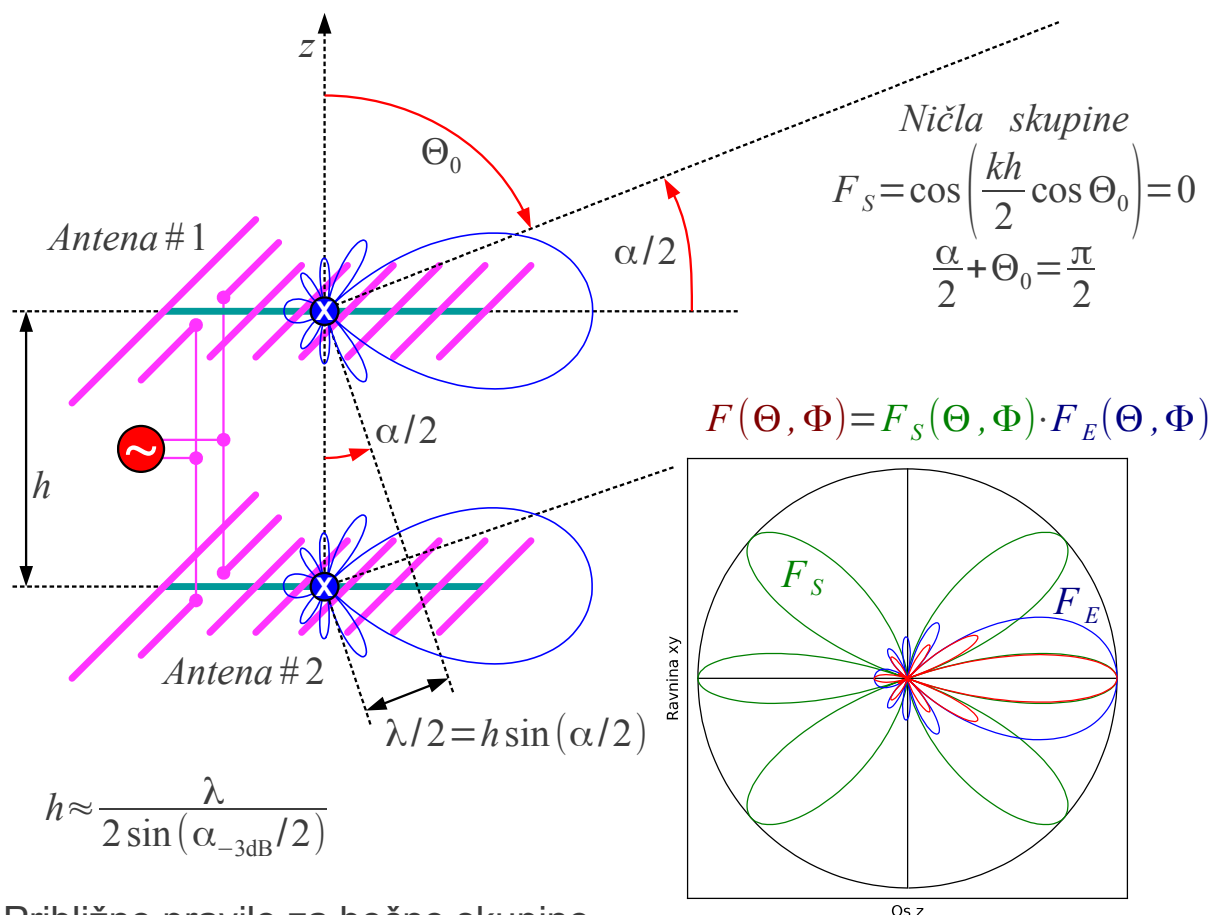
V primeru majhnega medsebojnega vpliva  $|Z_{12}(h)| \ll |Z_{11}|$  velja celo groba ocena smernosti  $D \approx 2 D_E$ . Obratno v primeru znatnega medsebojnega vpliva  $|Z_{12}(h)| \approx |Z_{11}|$  podvojevanje smernosti  $D \neq 2 D_E$  ne pričakujemo.

Ko smemo medsebojni vpliv  $|Z_{12}(h)| \ll |Z_{11}|$  zanemariti, lahko optimalno razdaljo  $h$  med antenama, ki zagotavlja smiselno smernost  $D$  in sprejemljivo slabljenje stranske stranskih listov smernega diagrama bočne skupine, določimo še na preprostejši način s približnim pravilom.

Smernega diagrama tržno-dobavljivih anten  $F_E(\Theta, \Phi)$  običajno natančno ne poznamo. Navedena smernost tržno-dobavljivih anten je pogosto izračunana po Krausovem približku  $D \approx 4\pi/(\alpha_E \alpha_H)$  brez celovite meritve in integracije smernega diagrama. Še najbolj zanesljiva podatka tržno-dobavljivih anten sta širini  $-3\text{dB}$  glavnega snopa  $\alpha_E$  v ravnini E oziroma  $\alpha_H$  v ravnini H.

Brez meritev oziroma temeljitih izračunov v tem primeru bočno skupino načrtujemo tako, da najbližji ničli smernega diagrama bočne skupine neusmerjenih virov sovpadata s širino  $-3\text{dB}$  glavnega snopa. Najbližjima ničloma smernega diagrama skupine ustreza razliki poti  $|r_2 - r_1| = \lambda/2 = h \sin(\alpha_{-3\text{dB}}/2)$ .

Smerni diagram skupine dveh virov razreže glavni snop elementa v več snopov. Optimalna izbira razdalje  $h$  med antenama učinkovito zožuje glavni snop in hkrati omejuje novonastale stranske snope:



Približno pravilo za bočno skupino

V prikazanem primeru je bočna skupna sestavljena v ravnini H. Optimalno razdaljo med antenama ocenimo  $h_H \approx \lambda / [2 \sin(\alpha_H/2)]$ . Optimalna razdalja v ravnini E je  $h_E \approx \lambda / [2 \sin(\alpha_E/2)]$ . V primeru različnih širin snopov elementa  $\alpha_E \neq \alpha_H$  optimalni razdalji v obeh ravninah nista enaki  $h_E \neq h_H$ .

Načrtovanje osne skupine ni tako preprosto. Pri sestavljanju osne skupine se lahko zgodi, da en element v skupini zasenči sevanje enakega elementa za njim. Antena Yagi-Uda celo izkorišča polje vsake palčke, da z njim vzbuja naslednjo palčko.

Izbira  $\phi = -kh$  sicer daje osno skupino z največjo kazalčno vsoto, ki pa ne dosega največje možne smernosti. Kot osno skupino lahko obravnavamo tudi anteno Yagi-Uda, kjer umetni dielektrik vsiljuje nižjo fazno hitrost od faze hitrosti v praznem prostoru. Sevanje posameznih palčk antene Yagi-Uda se torej ne seštevata sofazno!

Največjo smernost osne skupine dveh neusmerjenih virov poiščemo z iskanjem ničle odvoda  $\partial D / \partial \phi = 0$ . Rezultat iskanja je kvadratna enačba s spremenljivko  $\sin \phi$ , ki ima dve rešitvi. Povrh ima enačba  $u = \sin \phi$  dve

rešitvi. Izmed vseh rešitev je treba poiskati tisto, ki daje največjo smernost  $D_{MAX}$ . Pri majhnih razdaljah  $h < \lambda/4$  dokaj dobro velja približek  $\phi \approx \pi + kh/3$ :

$$\text{Osna skupina } |F(\Theta_{MAX}=0, \Phi_{MAX})| < 1$$

$$F(\Theta, \Phi) = \cos\left(\frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2} \cos \Theta\right)$$

$$D = \frac{2|F(\Theta_{MAX}, \Phi_{MAX})|^2}{1 + \frac{\sin(kh)}{kh} \cos \phi} = \frac{2\left|\cos\left(\frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2}\right)\right|^2}{1 + \frac{\sin(kh)}{kh} \cos \phi} = \frac{1 + \cos(\phi + kh)}{1 + \frac{\sin(kh)}{kh} \cos \phi}$$

$$\frac{\partial D}{\partial \phi} = 0 = \frac{-\sin(\phi + kh) \left[1 + \frac{\sin(kh)}{kh} \cos \phi\right] - [1 + \cos(\phi + kh)] \left[-\frac{\sin(kh)}{kh} \sin \phi\right]}{\left[1 + \frac{\sin(kh)}{kh} \cos \phi\right]^2}$$

$$0 = \left[ \frac{\sin^2(kh)}{(kh)^2} - 2 \frac{\sin(kh)}{kh} \cos(kh) + 1 \right] \sin^2 \phi - 2 \frac{\sin^2(kh)}{kh} \left[ \frac{\sin(kh)}{kh} - \cos(kh) \right] \sin \phi + \left[ \frac{\sin^4(kh)}{(kh)^2} - \sin^2(kh) \right]$$

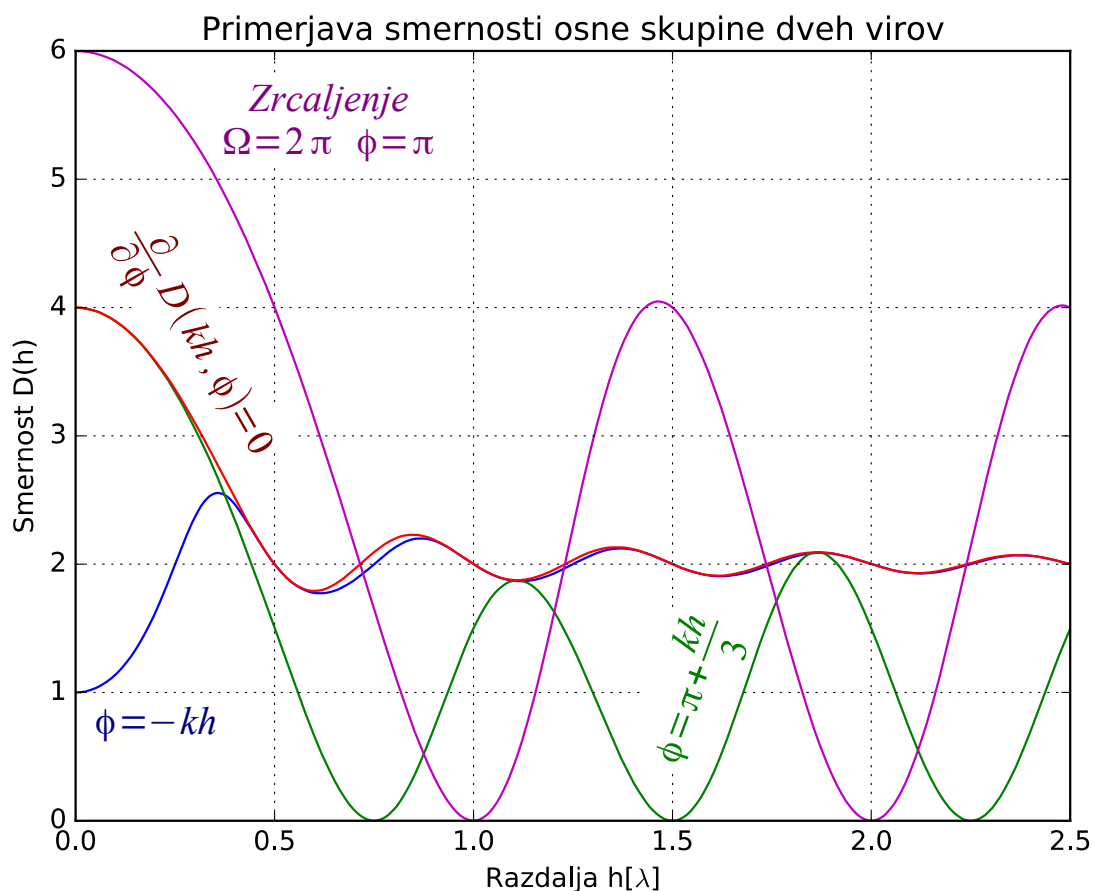
$$u = \sin \phi \rightarrow \phi = \arcsin u \text{ ali } \phi = \pi - \arcsin u$$

$$\text{Približek } h < \frac{\lambda}{4} \rightarrow \phi \approx \pi + \frac{kh}{3}$$

Največja smernost osne skupine

Rezultat računanja daje sumljiv rezultat  $D_{MAX} \rightarrow 4 \approx 6\text{dBi}$ , ko gre razdalja med neusmerjenima viroma  $h \rightarrow 0$  proti nič in sta vira napajana protifazno  $\phi \rightarrow \pi$ . Dva enaka vira na majhni razdalji napajana protifazno skoraj nič ne sevata! Sevalna upornost takšne antene  $R_s \rightarrow 0$  gre proti nič, prav tako gre proti nič sevalni izkoristek  $\eta \rightarrow 0$  in dobiček resnične antene  $G \rightarrow 0$  iz kovine s končno prevodnostjo. Ob upoštevanju vezja za prilagoditev impedance gre tudi pasovna širina  $B \rightarrow 0$  proti nič. Skratka v praksi neuporaben teoretski rezultat!

Rezultat teoretskega izračuna lahko s pridom uporabimo, če izrišemo celoten potek smernosti  $D(h)$  kot funkcijo razdalje med antenama za različne postopke načrtovanja osne skupine. Iz poteka smernosti  $D(h)$  razberemo, da je skrbna izbira fazne razlike  $\phi$  pomembna predvsem pri majhnih razdaljah  $h \leq \lambda/4$  med viroma:



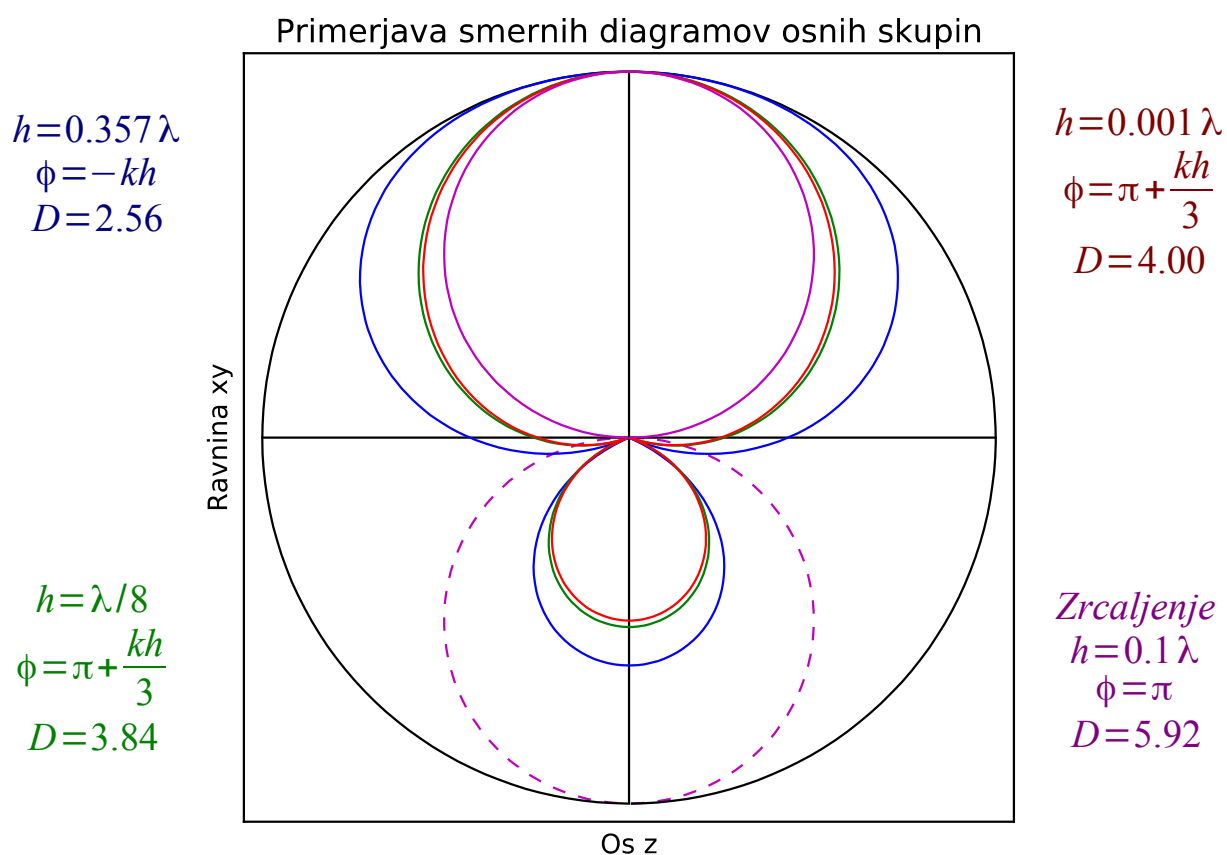
Praktična uporaba teoretskega rezultata je med radioamaterji priljubljena antena HB9CV. Slednja uporablja dva polvalovna dipola na razdalji  $h = \lambda/8$ , ki sta napajana skoraj protifazno. Manjši popravek faze omogočata različni dolžini obeh dipolov. Skrbno načrtovana antena HB9CV dosega višjo smernost in večji dobitek od trikrat daljše antene Yagi-Uda s tremi polvalovnimi palčkami na nosilcu dolžine kar  $l \approx 0.4\lambda$  !

Praktično zelo pomemben primer je protifazno napajanje osne skupine oziroma izbira  $\phi = \pi$  ne glede na razdaljo  $h$  med antenama. Takšna skupina seva enako v smereh  $\pm z$ . Pri majhnih razdaljah  $h \rightarrow 0$  gre smernost dveh neusmerjenih virov proti  $D \rightarrow 3 \approx 4.77\text{dBi}$  ob neuporabni sevalni upornosti  $R_s \rightarrow 0$ , slabem izkoristku  $\eta \rightarrow 0$  in pripadajoči izgubi dobitka  $G \rightarrow 0$ .

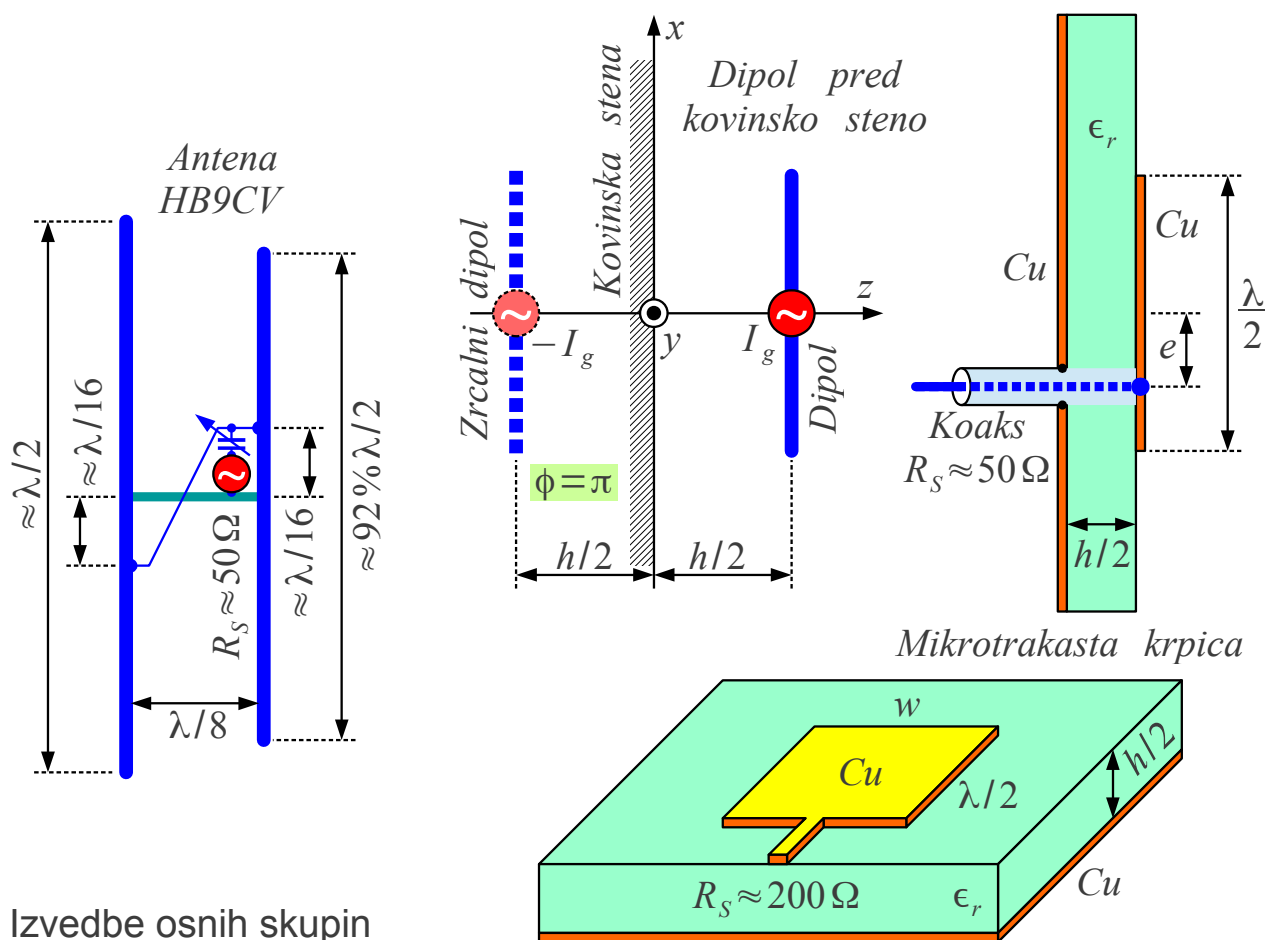
Skupino s protifaznim napajanjem običajno ne gradimo iz dveh enakih anten, pač pa dobimo z zrcaljenjem ene same antene v veliki kovinski steni. Antena pred veliko kovinsko steno seva samo v eno poloblo  $\Omega = 2\pi$ . V drugo poloblo seva zrcalna slika antene na drugi strani kovinske plošče. Ker zrcalna slika v resnici ne obstaja, ne odžira moči oddajnika. Smernost neusmerjenega vira pred kovinsko ploščo se podvoji na  $D \rightarrow 6 \approx 7.78\text{dBi}$

pri  $h \rightarrow 0$ . Visoka smernost preprostega zrcaljenja antene je račun brez krčmarja: kako velika mora biti velika kovinska plošča?

Razlike v smernosti različnih osnih skupin je najlažje razložiti s primerjavo pripadajočih smernih diagramov. Najširši glavni snop in najmočnejši vzvratni snop ima skupina  $\phi = -kh$  celo pri optimalni izbiri  $h = 0.357\lambda$ . Izbira  $\phi = \pi + kh/3$  daje ožji glavni snop in šibkejši vzvratni snop. Razlika med neuporabno razdaljo  $h \rightarrow 0$  in priljubljeno razdaljo  $h = \lambda/8$  je zelo majhna. Končno, zrcaljenje v veliki kovinski plošči daje najožji glavni snop brez vzvratnega snopa:



Vprašanje nizke sevalne upornosti  $R_s$  antene HB9CV običajno rešujeta  $\gamma$  priklopa na oba dipola, ki omogočata širok razpon transformacije impedance. Prilagoditev impedance dipola pred kovinsko steno je običajno bolj preprosta, če namesto polvalovnega dipola uporabimo enovalovni dipol. Enovalovni dipol povrhu daje nekoliko večjo smernost:



Izvedbe osnih skupin

Zelo priljubljena antena z zrcaljenjem v veliki kovinski steni je polvalovna mikrotrakasta krpica (angleško: microstrip patch). Mikrotrakasto krpico pravokotne, kvadratne, krožne ali eliptične oblike izjedkamo na eni strani dvostranskega tiskanega vezja. Druga stran tiskanega vezja ni jedkana, da deluje kot ravnina zrcaljenja antene oziroma mase (GND) mikrotrakastih vodov.

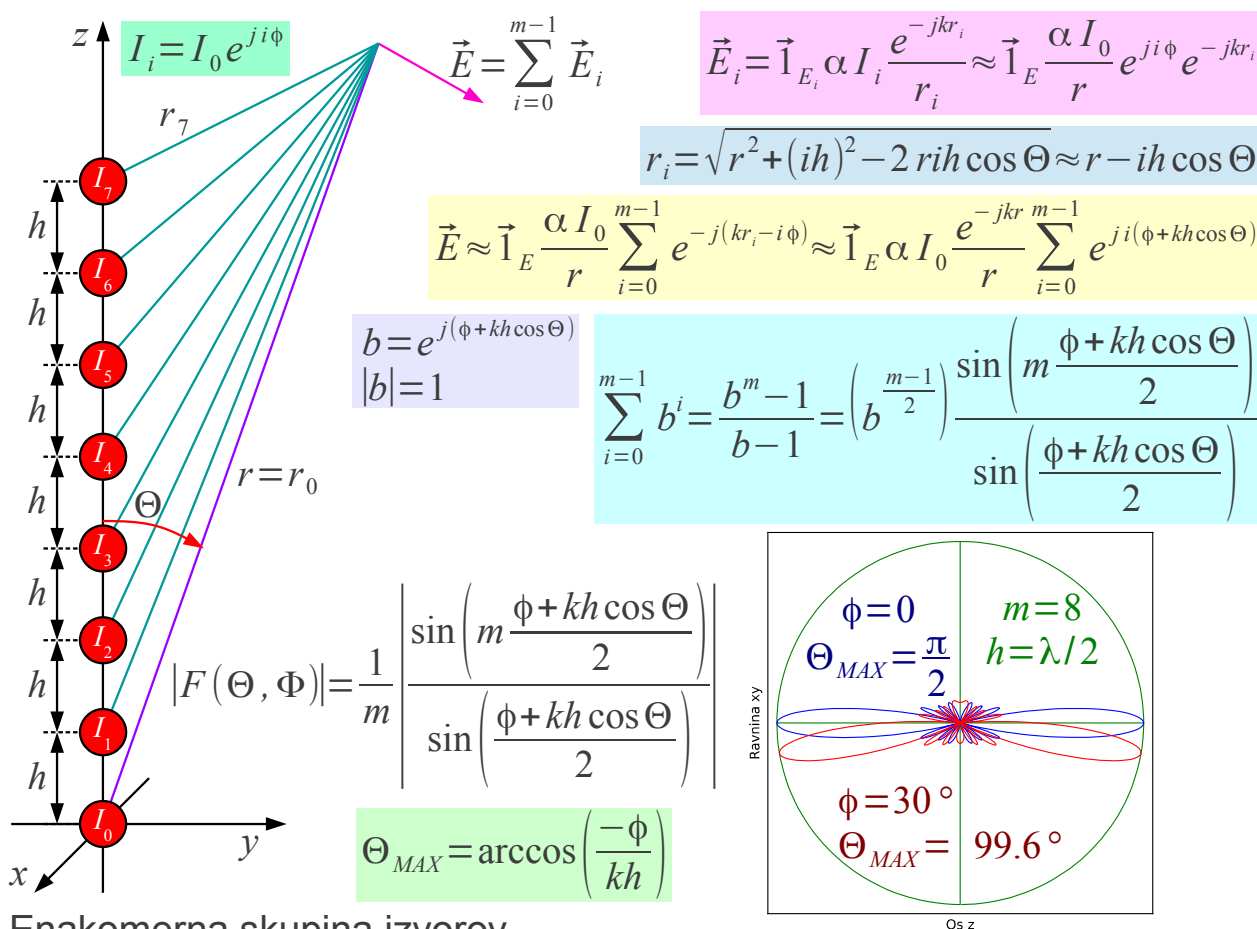
Izolirna podlaga  $\epsilon_r > 1$  tiskanega vezja je običajno tanka  $h/2 \ll \lambda$  v primerjavi z valovno dolžino. Izredno nizka sevalna upornost v sredini polvalovne krpice se preslika v bolj uporabno vrednost v velikostnem razredu  $R_s \approx 200 \Omega$  na robu krpice, ko je krpica skoraj kvadratne oblike  $w \approx \lambda/2$ . Na primernem odmiku  $e$  od središča krpice najdemo celo točko, kamor lahko neposredno priključimo koaksialni kabel  $Z_K = 50 \Omega$

Nizka sevalna upornost krpice, izgube v izolirni podlagi  $\tan \delta > 0$  tiskanega vezja in izgube kožnega pojava v hrapavi bakreni foliji pogosto znižajo sevalni izkoristek krpice pod  $\eta < 50\%$ . Tanka podlaga  $h/2 \ll \lambda$  daje zelo ozkopasovno anteno  $B \approx 2\% f_0$ . Tiskano vezje sicer omogoča izdelavo antenske skupine več krpic in pripadajočega napajalnega vezja na skupni podlagi.

Boljši sevalni izkoristek in večjo pasovno širino  $B \approx 5\% f_0$  daje izvedba krpice na penastem dielektriku oziroma v tehniki dvignjene podlage (angleško: suspended substrate). V slednjem primeru je krpica izjedkana na tankem enostranskem tiskanem vezju, ki je odmaknjeno s pomočjo distančnikov od kovinske plošče na drugi strani. Razdalja  $h/2$  med krpico in kovinsko ploščo se poveča, dielektrik je večinoma zrak  $\epsilon_r \approx 1$ .

Pravokotna mikrotrakasta krpica z zrakom  $\epsilon_r \approx 1$  kot dielektrikom in dovolj veliko ravnino zrcaljenja dosega smernost do  $D \approx 10\text{dBi}$ . V izolirni podlagi  $\epsilon_r > 1$  tiskanega vezja se skrči valovna dolžina  $\lambda \approx \lambda_0 / \sqrt{\epsilon_r}$  in z njo izmere krpice. Manjše izmere krpice, premajhna ravnina zrcaljenja in izgube v dielektriku  $\tan \delta > 0$  znižujejo dobitke ene same mikrotrakaste krpice na  $G \approx 6\text{dBi}..9\text{dBi}$ .

Eno-dimenzijsko skupino lahko sestavimo iz več anten. Pogost primer je enakomerna skupina  $m$  izvorov na enakih medsebojnih razdaljah  $h$ , napajanih z enakomerno spreminjajočo fazo  $I_i = I_0 e^{ji\phi}$ :



Enakomerna skupina izvorov

Izpeljano sevanje enakomerne skupine vsebuje spreminjanje amplitude in faze v odvisnosti od polarne razdalje  $\Theta$ . Če izhodišče koordinatnega sistema prestavimo v središče skupine, postane smerni diagram povsem realna funkcija oblike  $\sin(mu)/\sin(u)$ , kjer je  $u = (\phi + kh \cos \Theta)/2$ . Smerni diagram  $F(\Theta, \Phi)$  preprosto normiramo tako, da ga delimo s številom virov  $m$ . Maksimum sevanja se pojavi pri  $u=0$ , kjer se moramo pri praktičnem računanju previdno izogniti deljenju  $0/0$ !

Razdaljo  $h$  izberemo glede na gradnike enakomerne skupine tako, da ne pridelamo velikih stranskih snopov na povsem enak način kot pri skupini dveh virov. Z naraščanjem števila gradnikov  $m$  lahko nato poljubno ožamo glavni snop sevanja enakomerne skupine. Ko so medsebojni vplivi v enakomerni skupini  $|Z_{ij}| \ll |Z_{ii}|, i \neq j$  zanemarljivi v primerjavi z lastnimi impedancami gradnikov skupine, velja približna ocena smernosti skupine  $D \approx m D_E$ .

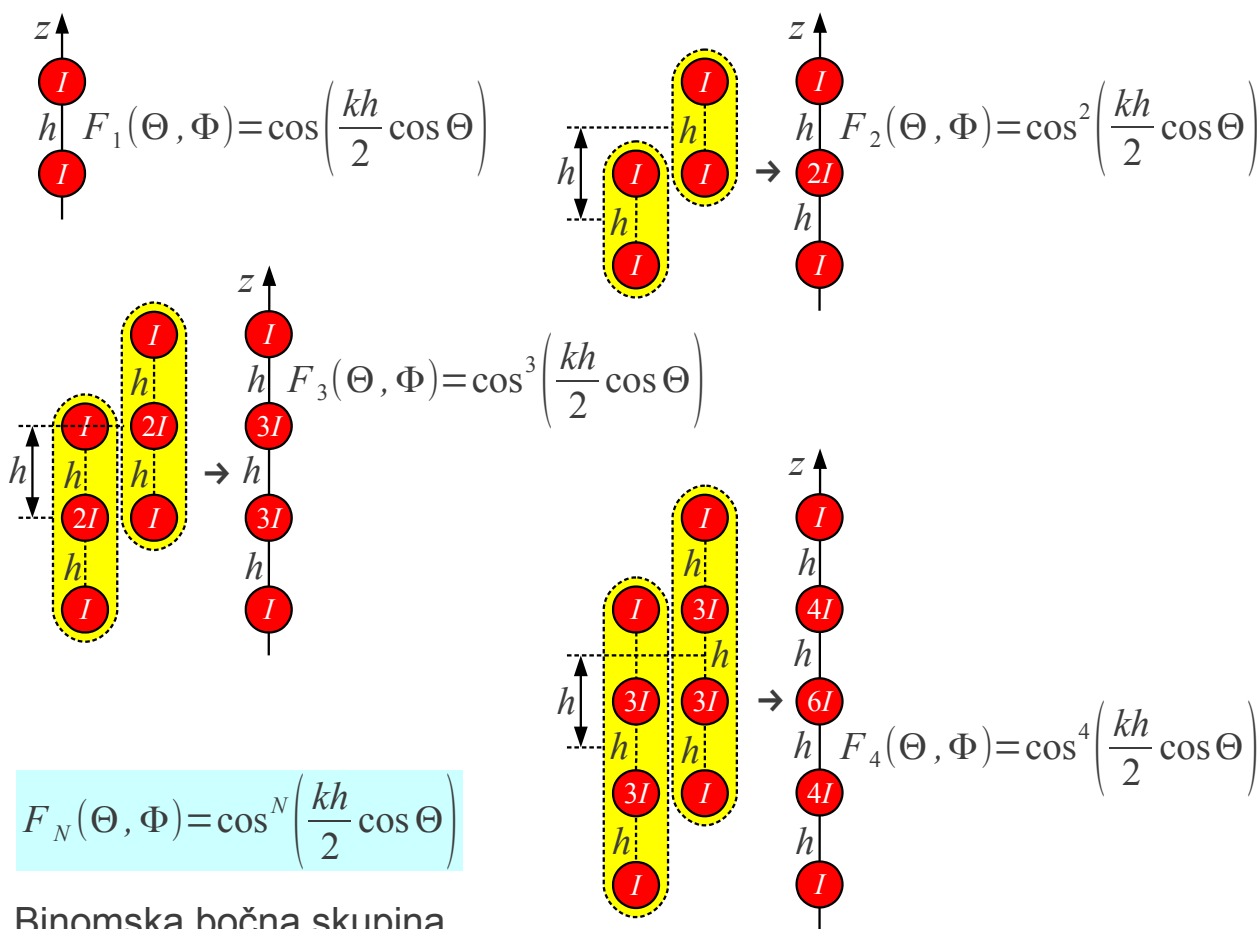
Ko medsebojni vplivi med elementi skupine niso zanemarljivi oziroma postanejo primerljivi z lastnimi impedancami gradnikov  $|Z_{ij}| \approx |Z_{ii}|, i \neq j$ , postane načrtovanje napajanja enakomerne skupine zelo zahtevna naloga. Skrajni primer je antena Yagi-Uda, kjer generator vzbuja en sam gradnik, vsi ostali gradniki pa so vzbujaani preko medsebojnih vplivov. Povsem jasno v tem primeru določanje smernosti skupine ni preprosto  $D \neq m D_E$ .

Enakomerno skupino največkrat načrtujemo kot bočno skupino  $\phi=0$ . Z izbiro faznega zamika  $\phi \neq 0$  lahko glavni snop poljubno odklonimo navzgor ali navzdol vse do osne skupine s sevanjem v smeri osi  $\pm z$ . V primeru televizijskega oddajnika na vrhu hriba oziroma bazne postaje mobilne telefonije na vrhu antenskega stolpa glavni snop sevanja odklonimo le malenkost navzdol proti uporabnikom pod bočno ravnino  $xy$ .

Pri enakomerni skupini večjega števila virov  $m > 2$  lahko neželjene stranske snope sevanja nadzorujemo tako, da poleg spreminjanja faze vzbujaanja spreminjamo tudi amplitudo vzbujaanja posameznih izvorov. Skrajni primer je binomska skupina, ki nima stranskih snopov.

Načrtovanje binomske skupine začnemo s skupino dveh virov, vzbujaenih z enakima amplitudama. Razdaljo med viroma izberemo tako, da ni stranskih snopov, na primer  $h \leq \lambda/2$  za bočno skupino  $\phi=0$  oziroma  $h \leq \lambda/4$  za osno skupino  $\phi = -kh$ . Skupino dveh virov uporabimo kot gradnik nove skupine dveh anten na isti razdalji  $h$ . Pri tem dva vira prvotne skupine sovpadeta v en sam vir z dvakratnim vzbujaanjem  $2I$ :





Isti postopek nato ponovimo z gradnjo še večje skupine na isti razdalji  $h$ , kjer kot gradnika uporabimo dve prej dobljeni skupini treh virov  $I, 2I, I$ . Par začetnih virov, ki pri tem sovpadajo, nadomestimo z enim samim virom z vsoto vzbujanja. Dobimo skupino štirih virov z vzbujanjem  $I, 3I, 3I, I$ .

Isti postopek lahko še poljubno ponavljamo. Jakost vzbujanja začetnih virov postane sorazmerna binomskim koeficientom, od tod ime skupine. Smerni diagram računamo po pravilu o množenju smernih diagramov. Smerni diagram binomske skupine  $F_N(\Theta, \Phi) = [F(\Theta, \Phi)]^N$  je preprosto pripadajoča potenca smernega diagrama začetne skupine.

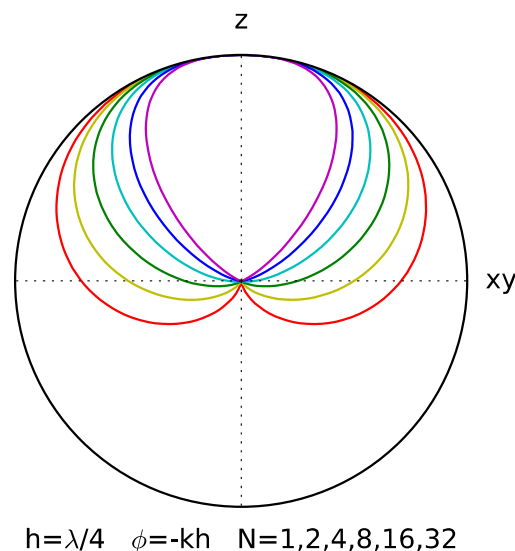
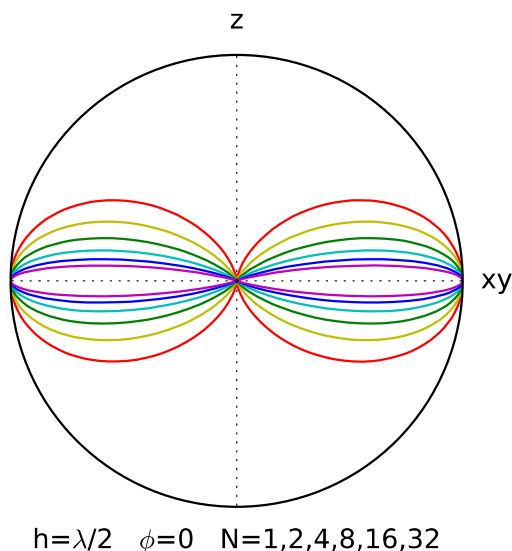
Če začetni smerni diagram  $F(\Theta, \Phi)$  ni imel stranskih snopov, nima stranskih snopov niti njegova poljubna potenca  $[F(\Theta, \Phi)]^{m-1}$  v končni skupini  $m$  virov. Z naraščanjem  $m$  se seveda ožja snop sevanja binomske skupine. Primerjava s preprosto enakomerno skupino z vzbujanjem konstante jakosti hitro pokaže, da binomska skupina potrebuje dosti več gradnikov za primerljivo širino (glavnega) snopa sevanja:

*Bočna binomska skupina*

$$F_N(\Theta, \Phi) = \cos^N \left( \frac{kh}{2} \cos \Theta \right)$$

*Osna binomska skupina*

$$F_N(\Theta, \Phi) = \cos^N \left( \frac{kh}{2} (\cos \Theta - 1) \right)$$



### Smerni diagrami binomskih skupin

Napajanje binomske skupine je še dosti bolj zahtevno od napajanja enakomerne skupine z vzbujanjem konstantne jakosti. Razmerja med jakostjo vzbujanja posameznih gradnikov so visoka, zato so medsebojni vplivi  $Z_{ij}, i \neq j$  še dosti bolj moteči. Pravih binomskih skupin običajno ne gradimo, pač pa izberemo kompromis med številom anten v skupini, zahtevnostjo vzbujanja in slabljenjem stranskih snopov skupine.

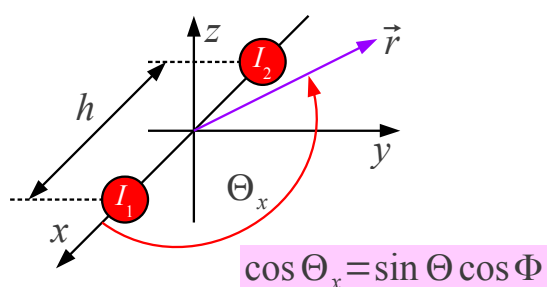
Pravilo o množenju smernih diagramov s pridom uporabimo tudi pri načrtovanju dvo-dimenzijskih in tri-dimenzijskih skupin. Preden lahko uporabimo pravilo o množenju smernih diagramov, moramo vse smerne diagrame anten in skupin zapisati v istem koordinatnem sistemu.

Pri gradnji kompliciranih skupin anten posamezne antene in podskupine namestimo pod pravim kotom oziroma orientiramo v smeri kartezičnih koordinatnih osi  $(x, y, z)$ . Pripadajoči smerni diagrami so zapisani v krogelnih koordinatah  $(r, \Theta_x, \Phi_x)$  s tečajem v smeri  $+x$  oziroma  $(r, \Theta_y, \Phi_y)$  s tečajem v smeri  $+y$  oziroma v običajnem krogelnem koordinatnem sistemu  $(r, \Theta, \Phi)$  s tečajem v smeri  $+z$ .

Smerni diagrami preprostih anten in skupin so zapisani samo s polarnim

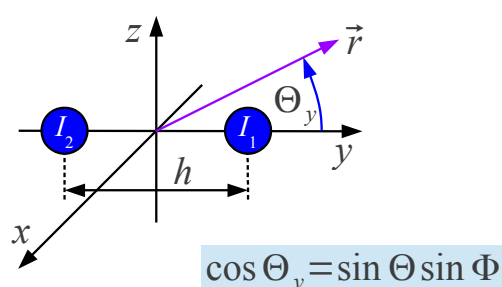
kotom  $\Theta_x$  oziroma  $\Theta_y$  oziroma  $\Theta$  in niso odvisni od pripadajoče zemljepisne dolžine. Pravilo o množenju smernih diagramov velja za isto polarizacijo vseh gradnikov, torej pretvorbo smernih vektorjev običajno ni potrebna. Sestavljanja zahtevnejših skupin večinoma potrebuje le pretvorbo kotnih funkcij  $\cos \Theta_x$ ,  $\sin \Theta_x$ ,  $\cos \Theta_y$  in  $\sin \Theta_y$  pripadajoče polarne razdalje v kotne funkcija običajnih krogelnih koordinat  $(r, \Theta, \Phi)$  :

$$F_S(\Theta, \Phi) = \cos\left(\frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2} \cos \Theta_x\right)$$



$$F_S(\Theta, \Phi) = \cos\left(\frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2} \sin \Theta \cos \Phi\right)$$

$$F_S(\Theta, \Phi) = \cos\left(\frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2} \cos \Theta_y\right)$$



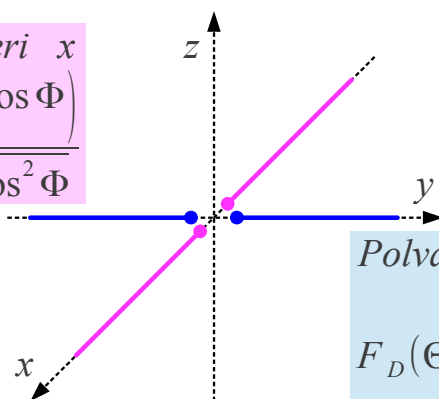
$$F_S(\Theta, \Phi) = \cos\left(\frac{\phi}{2} + \frac{kh}{2} \sin \Theta \sin \Phi\right)$$

Polvalovni dipol v smeri x

$$F_D(\Theta, \Phi) = \frac{\cos\left(\frac{\pi}{2} \sin \Theta \cos \Phi\right)}{\sqrt{1 - \sin^2 \Theta \cos^2 \Phi}}$$

$$\sin \Theta_x = \sqrt{1 - \sin^2 \Theta \cos^2 \Phi}$$

Obračanje anten



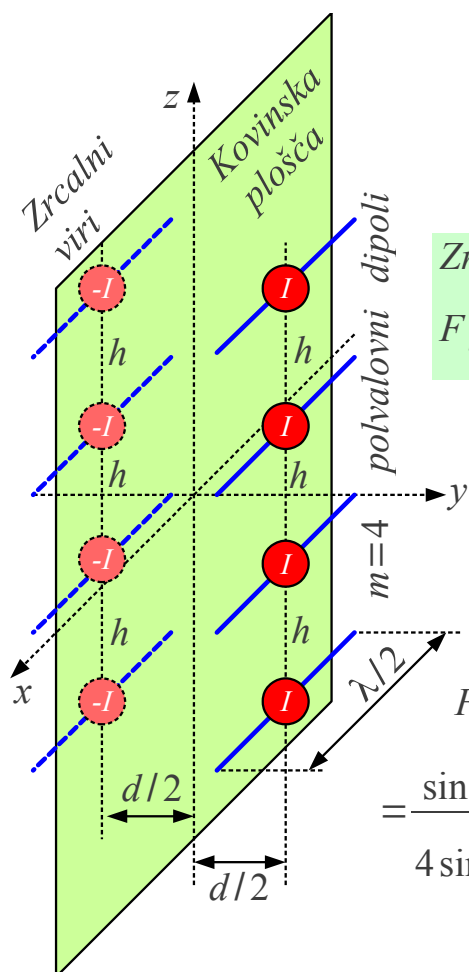
$$\sin \Theta_y = \sqrt{1 - \sin^2 \Theta \sin^2 \Phi}$$

Polvalovni dipol v smeri y

$$F_D(\Theta, \Phi) = \frac{\cos\left(\frac{\pi}{2} \sin \Theta \sin \Phi\right)}{\sqrt{1 - \sin^2 \Theta \sin^2 \Phi}}$$

Nazoren zgled, kako uporabiti opisana pravila, je priljubljena skupina štirih polvalovnih dipolov pred kovinsko ploščo. Polvalovni dipoli so obrnjeni v smeri osi  $x$ . Dipoli se nahajajo na razdalji  $d/2$  v smeri osi  $y$  pred ravno kovinsko ploščo, torej zrcaljenje opisuje osna skupina dveh protifaznih  $\phi = -\pi$  virov na razdalji  $d$  v osi  $y$ . Končno tvorijo štiri takšne antene enakomerno skupino štirih virov v osi  $z$ .

Skupni smerni diagram  $F(\Theta, \Phi)$  je po pravilo o množenju smernih diagramov zmnožek smernega diagrama polvalovnega dipola  $F_E(\Theta, \Phi)$  v osi  $x$ , smernega diagrama zrcaljenja  $F_{SI}(\Theta, \Phi)$  v osi  $y$  in smernega diagrama enakomerne  $m=4$  bočne skupine  $F_{S2}(\Theta, \Phi)$  v osi  $z$  :



*Polvalovni dipol v smeri osi x*

$$F_E(\Theta, \Phi) = \frac{\cos\left(\frac{\pi}{2} \cos \Theta_x\right)}{\sin \Theta_x} = \frac{\cos\left(\frac{\pi}{2} \sin \Theta \cos \Phi\right)}{\sqrt{1 - \sin^2 \Theta \cos^2 \Phi}}$$

*Zrcaljenje v smeri osi y →  $\phi = -\pi$*

$$F_{SI}(\Theta, \Phi) = \cos\left(\frac{\phi}{2} + \frac{kd}{2} \cos \Theta_y\right) = \sin\left(\frac{kd}{2} \sin \Theta \sin \phi\right)$$

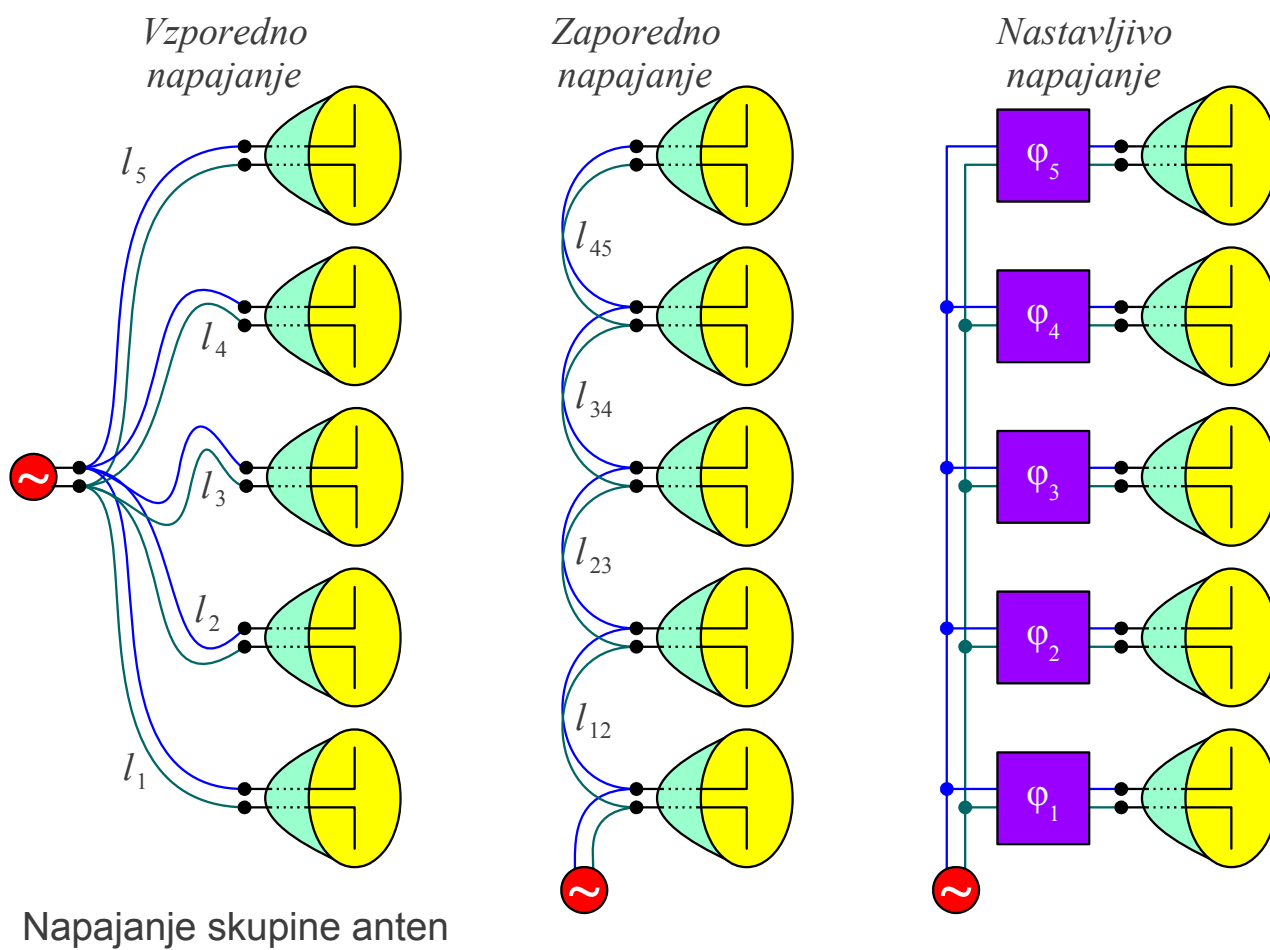
*Enakomerna bočna skupina v smeri osi z*

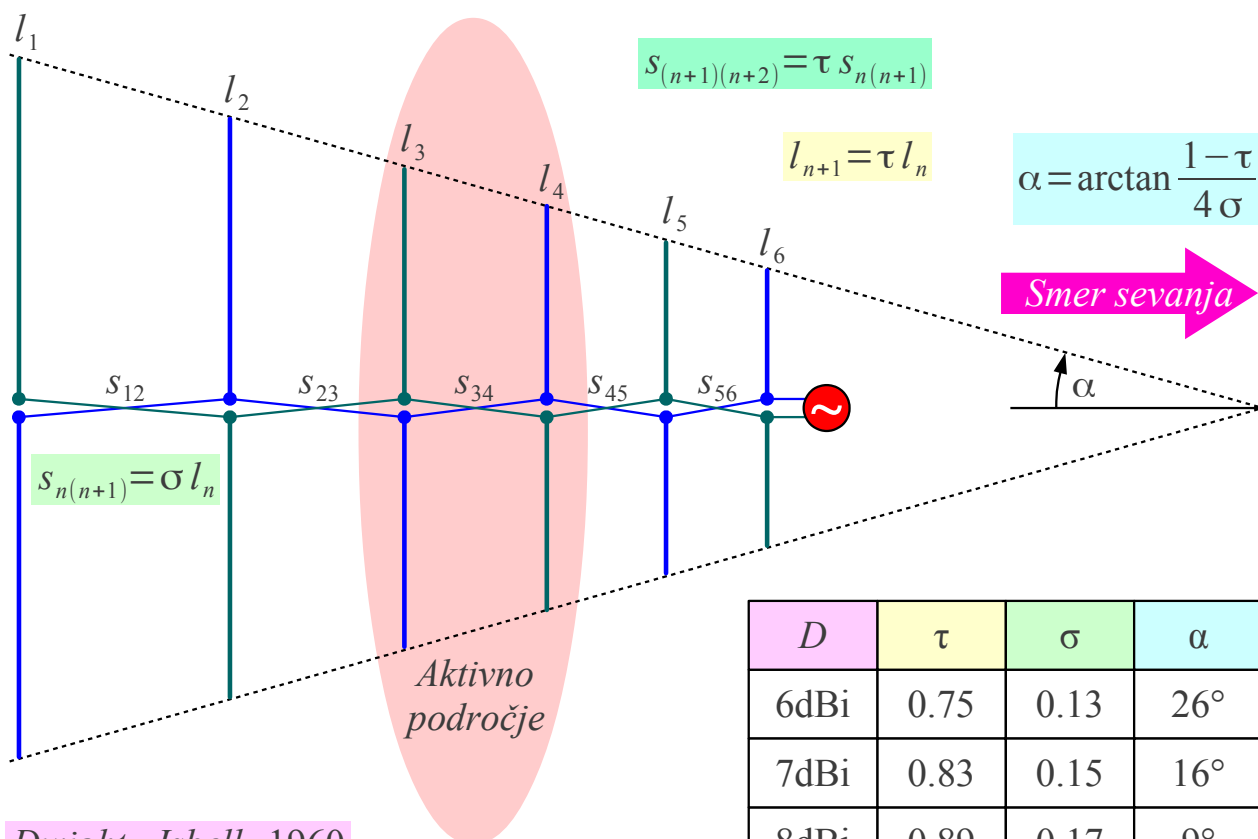
$$F_{S2}(\Theta, \Phi) = \frac{\sin\left(m \frac{kh}{2} \cos \Theta\right)}{m \sin\left(\frac{kh}{2} \cos \Theta\right)} = \frac{\sin(2kh \cos \Theta)}{4 \sin\left(\frac{kh}{2} \cos \Theta\right)}$$

$$F(\Theta, \Phi) = F_{S2}(\Theta, \Phi) \cdot F_{SI}(\Theta, \Phi) \cdot F_E(\Theta, \Phi) =$$

$$= \frac{\sin(2kh \cos \Theta)}{4 \sin\left(\frac{kh}{2} \cos \Theta\right)} \sin\left(\frac{kd}{2} \sin \Theta \sin \phi\right) \frac{\cos\left(\frac{\pi}{2} \sin \Theta \cos \Phi\right)}{\sqrt{1 - \sin^2 \Theta \cos^2 \Phi}}$$

Sestavljanje skupin





Dwight Isbell 1960

Logaritmično-periodična skupina dipolov

$D$	$\tau$	$\sigma$	$\alpha$
6dBi	0.75	0.13	26°
7dBi	0.83	0.15	16°
8dBi	0.89	0.17	9°
9dBi	0.94	0.19	5°

\* \* \* \* \*